

**НАЦІОНАЛЬНА АКАДЕМІЯ НАУК УКРАЇНИ
ІНСТИТУТ ПРИКЛАДНОЇ МАТЕМАТИКИ І МЕХАНІКИ**

«ЗАТВЕРДЖУЮ»

Директор ІПММ НАН України,
академік НАН України



_____ Ігор СКРИПНІК
« 25 » вересня 2025 р.

РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

**Динаміка та стійкість руху твердого тіла з пружними відсіками,
які містять рідину**

**підготовки здобувачів ступеня вищої освіти
третьої (освітньо-наукової)
доктора філософії**

галузь знань 11 Математика та статистика

спеціальність 113 Прикладна математика

Робоча навчальна програма навчальної дисципліни «Динаміка та стійкість руху твердого тіла з пружними відсіками, які містять рідину» для здобувачів наукового ступеня доктора філософії за спеціальністю 113 Прикладна математика

Розробник:

Кононов Юрій Микитович, завідувач відділом теорії керуючих систем, доктор фізико-математичних наук, професор.

Робочу програму схвалено на засіданні відділу теорії керуючих систем
Протокол № 4 від 18 вересня 2025 року.

Завідувач відділу
теорії керуючих систем



Ю.М. Кононов

Схвалено Науково-методичною радою Інституту прикладної математики і механіки НАН України

Протокол № 4 від 22 вересня 2025 року.

Голова науково-методичної ради



О.В. Несмєлова

1. Опис навчальної дисципліни

Найменування показників	Галузь знань, напрям підготовки, освітньо-кваліфікаційний рівень	Характеристика навчальної дисципліни
Кількість кредитів - 4	Галузь знань: 11 Математика та статистика	Вибіркова
Загальна кількість годин –120	Спеціальність: 113 Прикладна математика	Рік підготовки:
		1-2
		Семестр
		2-3
		Лекції
Тижневих годин: аудиторних – 1,5 самостійної роботи – 1,7	Освітньо-кваліфікаційний рівень: доктор філософії	28 год
		Практичні
		28 год
		Самостійна робота
		64 год
		Вид контролю: іспит

2. Мета, завдання та очікувані результати навчальної дисципліни.

Метою вивчення навчальної дисципліни «Динаміка та стійкість руху твердого тіла з пружними відсіками, які містять рідину» є поглиблене знайомство з колом задач руху твердого тіла з рідиною, теоретичної гідромеханіки, теорії пружності, гідропружності та теорії стійкості руху. Для вивчення цього курсу аспіранти повинні володіти основними поняттями та фактами, що викладаються в курсах теоретичної механіки, теоретичної гідромеханіки, теорії пружності, загального курсу звичайних диференціальних рівнянь та математичного аналізу.

Вивчення даної дисципліни значною мірою сприяє формуванню у аспірантів наукового світогляду.

Завдання навчальної дисципліни:

- основні фізичні і математичні моделі для побудови і дослідження сучасних задач руху твердого тіла з пружними відсіками з рідиною;
- узагальнене хвильове рівняння коливання багатошарової ідеальної рідини, яка поділена пружними пластинами. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку;
- спектральна теорія самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії;
- рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластини;
- задача Л.Н. Стрітенського в випадку багатошарової рідини, та пружних пластин (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот) ;
- задача про коливання фізичного маятника з багатошарової ідеальної рідиною і пружними пластинами (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот);
- сучасні передові концептуальні та методологічні знання при розв'язання задач динаміки та стійкості руху твердого тіла з пружними відсіками з рідиною.

Очікувані результати навчальної дисципліни

Загальні компетентності:

1. **ЗК1.** Аналіз і синтез. Здатність до аналізу та синтезу на основі логічних аргументів та перевірених фактів; навички управління інформацією (уміння знаходити та аналізувати інформацію з різних джерел).
2. **ЗК2.** Дослідницька здатність. Компетентності ініціювати та виконувати (індивідуально або в науковій групі) наукові дослідження, що

приводять до отримання нових знань; здатність застосовувати знання на практиці.

3. **ЗК3.** Гнучкість мислення. Набуття гнучкого способу мислення, який дає можливість зрозуміти й розв'язати проблеми та задачі, зберігаючи при цьому критичне відношення до усталених наукових концепцій.
4. **ЗК8.** Популяризаційні навички. Вміння спілкуватися із нефахівцями; здатність провести усну презентацію та написати зрозумілу статтю за результатами проведених досліджень, а також щодо сучасних концепцій у прикладній математиці для нефахівців у цій галузі; здатність спілкуватися з експертами з інших галузей.

Фахові компетентності:

1. **ФК2.** Здатність застосовувати сучасну методологію, загальні та спеціальні методи наукового дослідження за спеціальністю та обраною спеціалізацією.
2. **ФК5.** Уміння будувати адекватні математичні моделі, досліджувати побудовані моделі та визначати можливості їх застосування.
3. **ФК8.** Здатність здійснювати дослідження прикладних математичних задач з використанням спеціальних математичних пакетів та аналізувати отримані дані.
4. **ФК12.** Поглиблені знання з теорії оптимального керування, якісної теорії лінійних керованих систем та основ геометричної теорії нелінійних систем. Здатність застосовувати методи теорії керування до розв'язання задач оптимізації та синтезу законів керування для математичних моделей динамічних процесів у природничих та технічних науках.

Програмні результати навчання:

1. **ПРН4.** Вміти будувати та досліджувати математичні моделі фізичних, соціально-економічних, технічних, біологічних тощо процесів, систем, процесів, формалізувати проблеми, описані природною мовою, за допомогою математичних методів, застосовувати загальні підходи до математичного моделювання конкретних процесів.
2. **ПРН6.** Вміти пояснювати складні математичні концепції мовою, зрозумілою для нефахівців у галузі математики, представляти результати наукових досліджень на наукових та популяризаційних заходах.
3. **ПРН9.** Вміти організувати неперервний власний саморозвиток і самовдосконалення, набуття гнучкого способу мислення при творчому дослідженні, в тому числі прикладних математичних проблем.

4. ПРН11. Мати ґрунтовні знання з математичної теорії керування, вміти застосовувати їх для розв'язання прикладних задач.

За результатами вивчення навчальної дисципліни здобувач доктора філософії повинен:

знати:

- загальні питання теорії малих коливань важкої ідеальної рідини, основне інтегральне рівняння, теорему про власні коливання і про існування і повноті головних коливань, зведення крайової задачі коливання рідини в циліндричній посудині довільного поперечного перерізу до інтегрального рівняння Фредгольма 2-го роду з симетричним ядром, повноту і ортогональність власних функцій;
- основні фізичні і математичні моделі для побудови і дослідження сучасних задач руху твердого тіла з пружними відсіками з рідиною, узагальнене хвильове рівняння коливань багатошарової ідеальної рідини, яка поділена пружними пластинами. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку;
- спектральну теорію самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії;
- рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластини;
- сучасні передові концептуальні та методологічні знання при розв'язання задач динаміки та стійкості руху твердого тіла з пружними відсіками з рідиною.

вміти :

- застосовувати основні фізичні і математичні моделі для побудови і дослідження сучасних задач руху твердого тіла з пружними відсіками з рідиною, вивести узагальнене хвильове рівняння коливань багатошарової ідеальної рідини, яка поділена пружними пластинами. Визначити інерційний і пружний оператори та скалярний добуток;
- застосовувати спектральну теорію самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі для дослідження коливань багатошарової ідеальної рідини та пружних пластин, сформулювати ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії;
- вивести рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластини;

- застосовувати сучасні передові концептуальні та методологічні знання при розв'язання задач динаміки та стійкості руху твердого тіла з пружними відсіками з рідиною;
- будувати фізичні та математичні моделі сучасних задач руху твердого тіла з пружними відсіками, розробляти алгоритми їх дослідження та обчислювання.

3. Програма навчальної дисципліни

Тема 1. Деякі загальні питання теорії малих коливань важкої ідеальної рідини (Метод Фур'є. Основне інтегральне рівняння. Теорема про власні коливання. Про існування і повноті головних коливань).

Тема 2. Коливання рідини в циліндричній посудині довільного поперечного перерізу (зведення крайової задачі до інтегрального рівняння Фредгольма 2-го роду з симетричним ядром. Повнота і ортогональність власних функцій).

Тема 3. Вимушені коливання рідини в судинах. Рішення лінійної задачі про вимушені коливання рідини.

Тема 4. Теорія тонких пластин (Гіпотези Кирхгофа. Рівняння Софі Жермен. Ускладнене рівняння з урахуванням моменту інерції поперечного перерізу. Граничні умови. Шарнірно опертий, затиснений і вільний край).

Тема 5. Модальний аналіз (Узагальнене хвильове рівняння для розподілених механічних систем, вільні коливання, спектральна теорія самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі).

Тема 6. Крайові задачі для консервативних систем (Вимушені коливання, ортогональність власних форм по кінетичної і по потенційної енергії).

Тема 7. Методи дискретизації (Метод Релея-Рітца-Гальборкіна або метод передбачуваних форм коливань).

Тема 8. Коливання багатошарової ідеальної рідини в нерухомому резервуарі, яка поділена пружними пластинами (Потенційна і кінетична енергія багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин).

Тема 9. Вільні коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в циліндричному резервуарі довільного поперечного перерізу (Узагальнене хвильове рівняння. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії).

Тема 10. Деякі окремі випадки (Випадок прямокутного каналу. Випадок прямого кругового резервуара і кругових пластин. Випадок прямого кільцевого резервуару і кільцевих пластин).

Тема 11. Коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в резервуарі, що здійснює заданий рух в просторі (Випадок циліндричного резервуара довільного поперечного перерізу).

Тема 12. Рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластин (Рівняння поступального руху твердого тіла. Рівняння малих коливань твердого тіла навколо нерухомої осі).

Тема 13. Задача Л.Н. Срітенського в випадку багатошарової рідини, та пружних пластин (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот).

Тема 14. Задача про коливання фізичного маятника з багатошарової ідеальної рідиною і пружними пластинами (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот).

4. Структура навчальної дисципліни

Назва теми	Кількість годин			
	Усього	у тому числі		
		Лекції	Практичні Заняття	Самостійна Робота
1	2	3	4	5
1. Деякі загальні питання теорії малих коливань важкої ідеальної рідини (Метод Фур'є. Основне інтегральне рівняння. Теорема про власні коливання. Про існування і повноті головних коливань)	8	2	2	4
2. Коливання рідини в циліндричній посудині довільного поперечного перерізу (зведення крайової задачі до інтегрального рівняння Фредгольма 2-го роду з симетричним ядром. Повнота і ортогональність власних функцій)	8	2	2	4
3. Вимушені коливання рідини в судинах. Рішення лінійної задачі про вимушені коливання рідини	8	2	2	4
4. Теорія тонких пластин (Гіпотези Кирхгофа. Рівняння Софі Жермен. Ускладнене рівняння з урахуванням моменту інерції поперечного перерізу. Граничні умови. Шарнірно опертий, затиснений і вільний край)	8	2	2	4
5. Модальний аналіз (Узагальнене хвильове рівняння для розподілених механічних систем, вільні коливання, спектральна теорія самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі)	8	2	2	4
6. Крайові задачі для консервативних систем (Вимушені коливання, ортогональність власних форм по кінетичної і по потенційної енергії)	8	2	2	4
7. Методи дискретизації (Метод Релея-Рітца-Гальоркіна або метод передбачуваних форм коливань)	8	2	2	4
8. Коливання багатопарової ідеальної рідини в нерухомому резервуарі, яка поділена пружними пластинами (Потенційна і кінетична енергія багатопарової ідеальної рідини і	8	2	2	4

пружних пластин)				
9. Вільні коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в циліндричному резервуарі довільного поперечного перерізу (Узагальнене хвильове рівняння. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії)	8	2	2	4
10. Деякі окремі випадки (Випадок прямокутного каналу. Випадок прямого кругового резервуара і кругових пластин. Випадок прямого кільцевого резервуару і кільцевих пластин)	8	2	2	4
11. Коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в резервуарі, що здійснює заданий рух в просторі (Випадок циліндричного резервуара довільного поперечного перерізу)	10	2	2	6
12. Рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластин (Рівняння поступального руху твердого тіла. Рівняння малих коливань твердого тіла навколо нерухомої осі)	10	2	2	6
13. Задача Л.Н. Срітенського в випадку багатошарової рідини, та пружних пластин (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот)	10	2	2	6
14. Задача про коливання фізичного маятника з багатошарової ідеальної рідиною і пружними пластинами (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот)	10	2	2	6
Усього годин	120	28	28	64

5. Теми практичних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Деякі загальні питання теорії малих коливань важкої ідеальної рідини (Метод Фур'є. Основне інтегральне рівняння. Теорема про власні коливання. Про існування і повноті головних коливань)	2
2	Коливання рідини в циліндричній посудині довільного поперечного перерізу (зведення крайової задачі до інтегрального рівняння Фредгольма 2-го роду з симетричним ядром. Повнота і ортогональність власних функцій)	2

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
3	Вимушені коливання рідини в судинах. Рішення лінійної задачі про вимушені коливання рідини	2
4	Теорія тонких пластин (Гіпотези Кирхгофа. Рівняння Софі Жермен. Ускладнене рівняння з урахуванням моменту інерції поперечного перерізу. Граничні умови. Шарнірно опертий, затиснений і вільний край)	2
5	Модальний аналіз (Узагальнене хвильове рівняння для розподілених механічних систем, вільні коливання, спектральна теорія самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі)	2
6	Крайові задачі для консервативних систем (Вимушені коливання, ортогональність власних форм по кінетичної і по потенційної енергії)	2
7	Методи дискретизації (Метод Релея-Рітца-Гальоркіна або метод передбачуваних форм коливань)	2
8	Коливання багатошарової ідеальної рідини в нерухомому резервуарі, яка поділена пружними пластинами (Потенційна і кінетична енергія багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин)	2
9	Вільні коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в циліндричному резервуарі довільного поперечного перерізу (Узагальнене хвильове рівняння. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії)	2
10	Деякі окремі випадки (Випадок прямокутного каналу. Випадок прямого кругового резервуара і кругових пластин. Випадок прямого кільцевого резервуару і кільцевих пластин)	2
11	Коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в резервуарі, що здійснює заданий рух в просторі (Випадок циліндричного резервуара довільного поперечного перерізу)	2
12	Рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластин (Рівняння поступального руху твердого тіла. Рівняння малих коливань твердого тіла навколо нерухомої осі)	2
13	Задача Л.Н. Срітенського в випадку багатошарової рідини, та пружних пластин (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот)	2
14	Задача про коливання фізичного маятника з багатошарової ідеальної рідиною і пружними пластинами (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот)	2
	Разом	28

6. Теми для самостійної роботи

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
-------	------------	-----------------

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Деякі загальні питання теорії малих коливань важкої ідеальної рідини (Метод Фур'є. Основне інтегральне рівняння. Теорема про власні коливання. Про існування і повноті головних коливань)	4
2	Коливання рідини в циліндричній посудині довільного поперечного перерізу (зведення крайової задачі до інтегрального рівняння Фредгольма 2-го роду з симетричним ядром. Повнота і ортогональність власних функцій)	4
3	Вимушені коливання рідини в судинах. Рішення лінійної задачі про вимушені коливання рідини	4
4	Теорія тонких пластин (Гіпотези Кирхгофа. Рівняння Софі Жермен. Ускладнене рівняння з урахуванням моменту інерції поперечного перерізу. Граничні умови. Шарнірно опертий, затиснений і вільний край)	4
5	Модальний аналіз (Узагальнене хвильове рівняння для розподілених механічних систем, вільні коливання, спектральна теорія самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі)	4
6	Крайові задачі для консервативних систем (Вимушені коливання, ортогональність власних форм по кінетичної і по потенційної енергії)	4
7	Методи дискретизації (Метод Релея-Рітца-Гальоркіна або метод передбачуваних форм коливань)	4
8	Коливання багатошарової ідеальної рідини в нерухомому резервуарі, яка поділена пружними пластинами (Потенційна і кінетична енергія багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин)	4
9	Вільні коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в циліндричному резервуарі довільного поперечного перерізу (Узагальнене хвильове рівняння. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії)	4
10	Деякі окремі випадки (Випадок прямокутного каналу. Випадок прямого кругового резервуара і кругових пластин. Випадок прямого кільцевого резервуару і кільцевих пластин)	4
11	Коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в резервуарі, що здійснює заданий рух в просторі (Випадок циліндричного резервуара довільного поперечного перерізу)	6
12	Рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластин (Рівняння поступального руху твердого тіла. Рівняння малих коливань твердого тіла навколо нерухомої осі)	6
13	Задача Л.Н. Срітенського в випадку багатошарової рідини, та пружних пластин (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот)	6
14	Задача про коливання фізичного маятника з багатошарової ідеальної рідиною і пружними пластинами (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот)	6
	Разом	64

7. Методи навчання

При викладанні навчальної дисципліни «Вибіркові розділи механіки суцільного середовища» використовуються такі методи навчання: метод проблемного навчання, евристичне навчання, модульно-рейтингова система навчання.

8. Методи контролю

Використовуються наступні методи контролю:

1. Поточний контроль знань:

- усне опитування;
- виконання практичних робіт;
- тестування;
- виконання дослідницьких завдань.

2. Підсумковий контроль знань (іспит):

- підсумковий тест або екзаменаційні білети.

9. Критерії оцінювання результатів навчання

Розподіл балів, які отримує аспірант

Аудиторна робота													Самостійна Робота	Підсумковий контроль (іспит)	Загальна кількість отриманих балів
Теми															
T1	T2	T3	T4	T5	T6	T7 T8	T9	T10	T11	T12	T13	T14			
2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4	4	20	40	100

Шкала оцінювання

Сума балів за всі види навчальної діяльності	Оцінка за національною шкалою
	для іспиту
90-100	«відмінно» - здобувач повно і всебічно розкриває питання теми, вільно оперує поняттями і термінологією, демонструє глибокі знання джерел, має власну точку зору стосовно відповідної теми і може аргументовано її доводити
75-89	«добре» - загалом рівень знань здобувачів відповідає викладеному вище, але мають місце деякі упущення при виконанні завдань, обґрунтування неточні, не підтверджуються достатньо обґрунтованими доказами
60-74	«задовільно» - здобувач розкрив питання, в загальних рисах, розуміє їх суть, намагається робити висновки, але при цьому припускається грубих помилок, матеріал викладає нелогічно і не самостійно
35-59	«незадовільно» - з можливістю повторного складання, здобувач не в змозі дати відповідь на поставлене запитання або відповідь неправильна, не розуміє суті питання, не може зробити висновки
0-34	«незадовільно» - з обов'язковим повторним вивченням дисципліни

10. Орієнтовний перелік питань до підсумкового контролю (іспиту)

1. Деякі загальні питання теорії малих коливань важкої ідеальної рідини (Метод Фур'є. Основне інтегральне рівняння. Теорема про власні коливання. Про існування і повноті головних коливань).

2. Коливання рідини в циліндричній посудині довільного поперечного перерізу (зведення крайової задачі до інтегрального рівняння Фредгольма 2-го роду з симетричним ядром. Повнота і ортогональність власних функцій).

3. Вимушені коливання рідини в судинах. Рішення лінійної задачі про вимушені коливання рідини.

4. Теорія тонких пластин (Гіпотези Кирхгофа. Рівняння Софі Жермен. Ускладнене рівняння з урахуванням моменту інерції поперечного перерізу. Граничні умови. Шарнірно опертий, затиснений і вільний край).

5. Модальний аналіз (Узагальнене хвильове рівняння для розподілених механічних систем, вільні коливання, спектральна теорія самоспряжених лінійних операторів в гільбертовому просторі).

6. Крайові задачі для консервативних систем (Вимушені коливання, ортогональність власних форм по кінетичної і по потенційної енергії).

7. Методи дискретизації (Метод Релея-Рітца-Гальоркіна або метод передбачуваних форм коливань).

8. Коливання багатошарової ідеальної рідини в нерухомому резервуарі, яка поділена пружними пластинами (Потенційна і кінетична енергія багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин).

9. Вільні коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в циліндричному резервуарі довільного поперечного перерізу (Узагальнене хвильове рівняння. Інерційний і пружний оператори. Визначення скалярного добутку. Самоспряжені оператори. Ортогональність по кінетичної і по потенційної енергії).

10. Деякі окремі випадки (Випадок прямокутного каналу. Випадок прямого кругового резервуара і кругових пластин. Випадок прямого кільцевого резервуару і кільцевих пластин).

11. Коливання багатошарової ідеальної рідини і пружних пластин в резервуарі, що здійснює заданий рух в просторі (Випадок циліндричного резервуара довільного поперечного перерізу).

12. Рівняння руху твердого тіла, що містить багатошарову рідину та пружні пластин (Рівняння поступального руху твердого тіла. Рівняння малих коливань твердого тіла навколо нерухомої осі).

13. Задача Л.Н. Срітенського в випадку багатошарової рідини, та пружних пластин (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот).

14. Задача про коливання фізичного маятника з багатошарової ідеальної рідиною і пружними пластинами (Стійкість положення рівноваги. Рівняння частот).

11. Рекомендована література

1. Sedov L. I. A Course in Continuum Mechanics. – Wolters-Noordhoff, Groningen, 1971.
2. Kochin N.E. Theoretical hydromechanics. – New York, Interscience Publishers, 1964.
3. Кононов Ю.М. Основні методи дослідження складних механічних систем: Методичний посібник зі спецкурсу "Динаміка тіл з порожнинами, що містять рідину". – Донецьк: ДонНУ, 2007. – 40 с.
4. Berdichevsky V.L. Variational Principles of Continuum Mechanics. – Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2009.
5. Faltinsen O.M., Timokha A.N. Sloshing. – Cambridge University Press, 2009. – 686 p.
6. Lukowsky Ivan A. Nonlinear Dynamics. Mathematical Models for Bodies with a Liquid – De Gruyter Studies in Mathematical Physics. Volume 27, 2015–393 p.
7. Ibrahim R.A. Recent Advances in Physics of Fluid Parametric Sloshing and Related Problems. *Journal of Fluids Engineering*. – 2015. – **137**. – P. 1 – 52.
8. Kononov Yu.M. Stability of the Equilibrium State of a Rigid Body with Multilayer Ideal Liquid Separated by Elastic Plates. *Ukrainian Mathematical Journal* – 2022, **73**, – P.1551–1565.

9. Kononov Yu.M., Sviatenko Ya.I. Stabilization of unstable Spinning of a Lagrange Gyroscope in a Resisting Medium by another spinning gyroscope. *Int. Appl. Mech.* – 2022. – **58**, № 5. – P. 605 – 612.
10. Троценко В.А., Троценко Ю.В. Застосування варіаційних методів у спектральних задачах тонкостінних оболонок і гідропружності – Київ: Ін-т математики НАН України, Наук. думка, 2023. – 340 с.
11. Kononov Yu.M., Sviatenko Ya.I. Stabilization of a Spinning Lagrange Gyroscope Filled with Ideal Fluid in a Resisting Medium. *Int. Appl. Mech.* – 2023. – **59**, № 2. – P. 207 – 217.
12. Kononov Yuriy M. On the solution of a complicated biharmonic equation in a hydroelasticity problem. *Journal of Mathematical Scienc.* – 2023. – **274**, № 3. – P. 340 – 352.
13. Kononov Yuriy M. On the rotational stability in an environment with resistance of a free system of two rigid bodies connected by an elastic spherical joint and having a cavity with a liquid. *Journal of Mathematical Scienc.* – 2024. – **284**, № 3. – P. 345 – 356.